

固体熱物性標準整備の現状と

開発計画

 一概要一 -熱膨張率-

- ・標準整備計画の改定点
- 熱膨脹率標準に関する今年度のトピック:
 - ■押し棒式膨脹計に関するデータ処理についての検討

産業技術総合研究所

山田修史

NATIONAL INSTITUTE OF ADVANCED INDUSTRIAL SCIENCE AND TECHNOLOGY (AIST)

NMIJ計測クラブ 固体熱物性クラブ 平成27年度全体会合 @秋葉原コンベンションホール Feb. 05. 2016.



●新たな標準整備計画

- ■H23.8に閣議決定の第4期科学技術基本計画において、新たな知的基盤整備計画の策定が求められ、知的基盤整備小特別委員会によりこれまで議論が進められている。(http://www.meti.go.jp/committee/gizi 0000003.html)
- ■昨年11月12日に産業構造審議会 産業技術分科会・日本工業標準調査会合同会議 知的基盤整備特別小委員会(第7回)において、
 - ・物理標準に関する整備実績及び改定案;資料3-2
 - ・標準物質に関する整備実績及び改訂案;資料3-3

(http://www.meti.go.jp/committee/summary/0003843/007_haifu.html)

熱物性関連として、

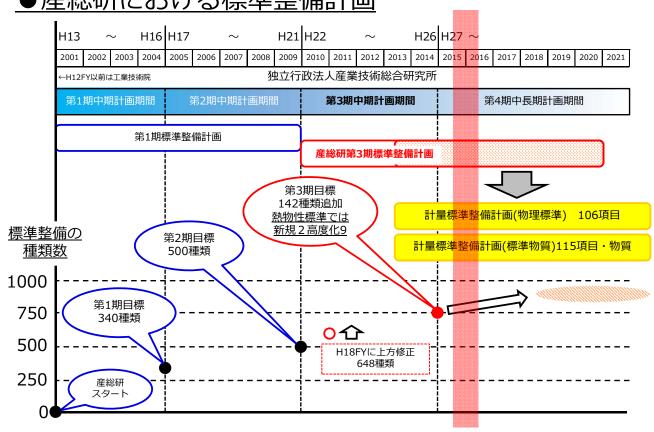
物理標準 106項目 標準物質 115項目·物質



物理標準 5項目 標準物質 6項目(6種)



●産総研における標準整備計画



NATIONAL INSTITUTE OF ADVANCED INDUSTRIAL SCIENCE AND TECHNOLOGY (AIST)

NMIJ計測クラブ 固体熱物性クラブ 平成27年度全体会合 @秋葉原コンベンションホール Feb. 05. 2016.



●物理標準に関する整備実績及び改定案ょり

			供給計画				
項目	校正器物	測定器		H28	H29	H34	
(単位)	测足 奋	供給範囲		年度	年度		
				まで	まで	まで	
			室温				
熱流密度	熱流センサー	熱流計	・H26年度まで: 熱流密度校正	0			
熱伝導率	熱伝導率標準試料	熱伝導率測定装置	(10 W/m²~数100 W/m²)	0		0	
			・H34年度まで: 新規標準物質(数W/(m·K))				
		数総量分析型(TMΛ)	中高温(300 K以上)				
熱膨張率 熱膨張率標準試料	熱膨張率標準試料	熱機械分析器(TMA) 各種膨張計	・ H29年度 まで:黒色アルミナ(300 K~1700 K)		0	0	
			・H34年度まで:石英ガラス(300 K~1000 K)				
			中高温(300 K~1500 K)				
	熱拡散率標準試料	レーザフラッシュ法によ	・H26年度まで:黒色セラミックス				
赤小叶井云衣		る熱拡散率測定装置(周	~10⁻⁵ m²s⁻¹; 1000 Kまで)				
熱拡散率		期加熱法による装置にも	・H34年度まで:新規標準物質			0	
		適用可)		$(10^{-6} \text{ m}^2 \text{s}^{-1} \sim 10^{-5} \text{ m}^2 \text{s}^{-1}$			
			もしくは10 ⁻⁴ m ² s ⁻¹ ~10 ⁻³ m ² s ⁻¹)				
比劫穴星		示差走査熱量計(DSC)	・H34年度まで:断熱法の温度範囲拡大				
比熱容量 比熱容量	比熱容量標準試料	他各種熱量計	絶対測定法開発による高度化			0	
	ゲージブロック	ゲージブロック	室温付近(5 ℃~35 ℃)				
執膨張率	固体ブロック	熱膨張率基準試験片	・ H29年度 まで:温度範囲拡大(-20 ℃~+60 ℃)		0	0	
		然例以以于公平的例外	・H34年度まで:器物範囲拡大				

http://www.meti.go.jp/committee/summary/0003843/pdf/007_03_02.pdfより抜粋



●標準物質に関する整備実績及び改定案ょり

	供給計画					
物質・項目等	H28	H29	H34	供給形態	想定される用途	
	年度	年度	年度			
	まで	まで	まで	心思		
熱膨張率測定用	済			CRM	 TMA装置等の校正および参照試料	
高熱膨張材料標準物質	H25			CRIVI	IMA表直等の牧正のあり参照政府	
熱拡散率測定用	0			CRM	レーザフラッシュ法、光交流法等の装置の精度確	
黒色セラミックス標準物質	H26			CRIM	認	
熱拡散率測定用	0			CRM又	ピコ秒サーモリフレクタンス装置の校正, サーモリ	
金属薄膜標準物質	H26			はRM	フレクタンスを用いた計測器用の薄膜標準物質	
熱膨張率測定用		0		CRM又	TMA装置等の校正および参照試料	
アルミナ標準物質		0		はRM	TMA表直寺の仪正のより参照政科	
熱膨張率測定用			0	CRM又	TMA装置等の校正および参照試料	
石英ガラス標準物質				はRM	低膨張を評価する熱膨張計の評価	
熱伝導率測定用			0	CRM又	ピコ秒サーモリフレクタンス装置の校正	
金属薄膜標準物質			9	はRM		

http://www.meti.go.jp/committee/summary/0003843/pdf/007_03_03.pdfより抜粋

←ニーズ調査やユーザの要望を反映し、 定期的にローリングを実施

NATIONAL INSTITUTE OF ADVANCED INDUSTRIAL SCIENCE AND TECHNOLOGY (AIST)

NMIJ計測クラブ 固体熱物性クラブ 平成27年度全体会合 @秋葉原コンベンションホール Feb. 05. 2016.



- ○熱膨脹率標準に関する今年度のトピック
 - 一押し棒式膨脹計に関するデータ処理についての検討ー
- ●熱膨脹率の測定をする現場での一つの問題
 - ■JIS等の規格書の手順に従って評価したいが、 手持ちの参照試料と試験される試料の長さが一致しない

(規格には長さが異なる場合の対処法は記載されていない)

- ・顧客の要求【←特定の寸法のもので評価したい
- ・試料製作での精度指定【←どの程度一致していればよいか?
- ・データ解析/結果の評価【←長さの違いによる影響はどの程度か?

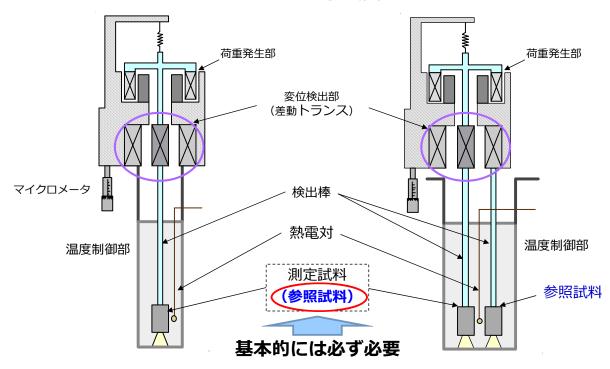
試料長さが異なる場合のデータ処理について検討した



○プッシュロッド式膨張計とTMAの構造

模式図:全膨脹型

模式図: 差動型



IONAL INSTITUTE OF ADVANCED INDUSTRIAL SCIENCE AND TECHNOLOGY (AIST)

NMIJ計測クラブ 固体熱物性クラブ 平成27年度全体会合 @秋葉原コンベンションホール Feb. 05. 2016.



○PRDでのデータ処理手順 (JIS R1618を例として)

熱膨張率の決定手順(差動式の場合)

①:(試料 + 参照試料A)による測定

$$\Delta L_{sp.m} = (\Delta L_{sp} - \Delta L_{refA}) + \Delta L_{bl}$$

②:(参照試料B + 参照試料A)による測定

$$\Delta L_{\mathit{refB},\mathit{m}} = (\Delta L_{\mathit{refB}} - \Delta L_{\mathit{refA}}) + \Delta L_{\mathit{bl}}$$

■差動式装置の模式図



①、②より

条件: 試料と参照試料の長さは同

$$\overline{\alpha}_{sp} = \frac{\Delta L_{sp}}{\Delta T \cdot L_0} = \frac{(\Delta L_{sp,m} - \Delta L_{refB,m})}{\Delta T \cdot L_0} + \overline{\alpha}_{refB}$$

(全膨脹式の場合)

$$\Delta L_{sp,m} = \Delta L_{sp} - \Delta L_{rod} + \Delta L_{bl}$$

$$\Delta L_{ref,m} = \Delta L_{ref} - \Delta L_{rod} + \Delta L_{bl}$$

$$\overline{\alpha}_{sp} = \frac{(\Delta L_{sp,m} - \Delta L_{ref,m})}{\Delta T \cdot L_0} + \overline{\alpha}_{ref}$$

■各規格書内での該当する記載●R1618-2020:ファインセラミックスの熱機械分析による熱膨張の測

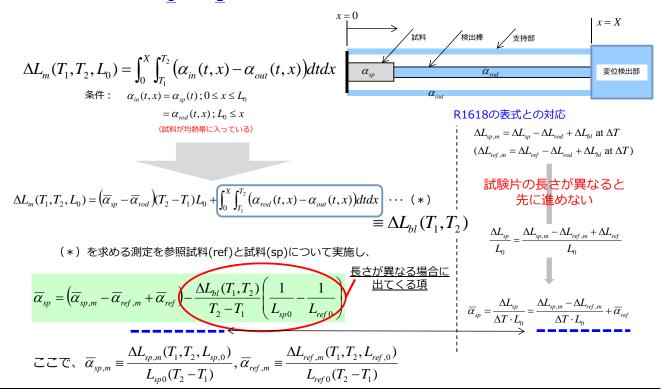
・・・線膨張率が既知のものとし、試料と同じ形状及 び寸法のものが望ましい。・・

- Z2285-2003:金属材料の線膨張係数の測定方法 5.2 標準物質 a)形状及び寸法 試料と同一形状、同一寸法とすることが
- K7197-1991:プラスチックの熱機械分析による線膨張率試験方法 7. 操作(8) 試験片と同じ長さの線膨張率があらかじめ分かっている長
- R3102-1995: ガラスの平均線膨張係数の試験法 2. 用語の定義(3)伸びの差 試験片と同一長の石英ガラスを・・・



○PR膨脹計の計測モデルの検討

熱電対の指示温度をT₁からT₂変化させたときの変位検出部で検出される変位量を考える。



NATIONAL INSTITUTE OF ADVANCED INDUSTRIAL SCIENCE AND TECHNOLOGY (AIST)

NMIJ計測クラブ 固体熱物性クラブ 平成27年度全体会合 @秋葉原コンベンションホール Feb. 05. 2016.



○PRDによる熱膨張試験実施手順

0) 試料と同じ長さ/形状の参照試料を準備し、指定の手順に準拠して試験を実施する

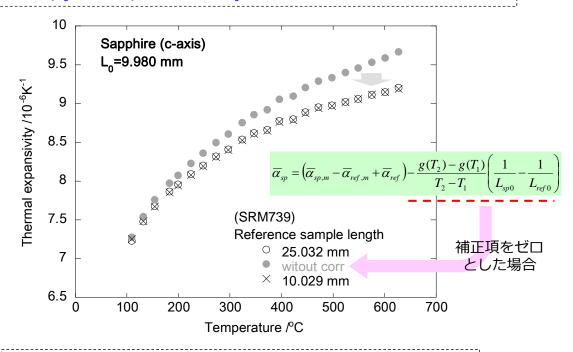
・・・ことが出来ない場合は以下、

適用条件は試料が完全に均熱帯にはいっていること



○有効性の検証 【実測データへの適用】

Sapphire試料($L_0 \sim 10$ mm)の測定結果を L_0 の異なる参照試料の結果により処理する



・参照試料の長さが異なっても処理後の結果は良く一致

NATIONAL INSTITUTE OF ADVANCED INDUSTRIAL SCIENCE AND TECHNOLOGY (AIST

NMIJ計測クラブ 固体熱物性クラブ 平成27年度全体会合 @秋葉原コンベンションホール Feb. 05. 2016.



○まとめ

熱膨張評価の主要計測器であるプッシュロッド式膨脹計に おいて、参照試料と被評価試料の長さが大きく異なる場合の データ処理方法について考察/検討した。

計測モデルを検討し、試料長の異なる場合の補正項の導出 手順を提案した。

提案した導出手順による補正項に関して実際の測定結果に対する検証結果は良好で有り、当該補正項の導出手順の有効性が確認された。

ただし、実際の測定では標準試料が1つは必要。

平成27年度 固体熱物性クラブ全体会合 2016.2.5

於:秋葉原コンベンションホール

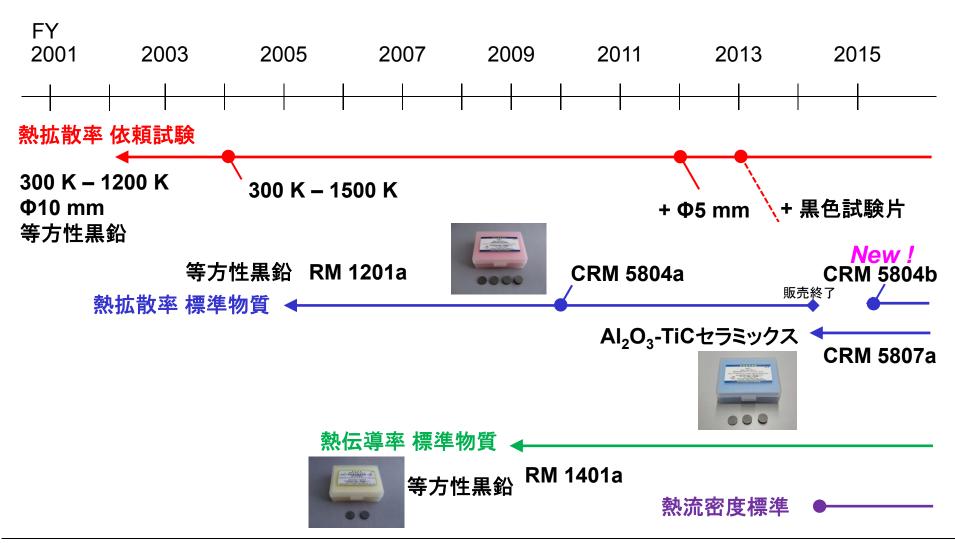
固体熱物性標準整備の現状と開発計画

<u>熱流密度</u> 熱拡散率/熱伝導率

国立研究開発法人 産業技術総合研究所 物質計測標準研究部門 熱物性標準研究グループ 阿子島めぐみ

NMIJの熱拡散率・熱伝導率の標準整備の取り組み

主にレーザフラッシュ法を用いた熱拡散率の精密測定により標準整備を進めています。



熱流密度の標準



熱流密度 依頼試験 (Heat Flux)

✓ 対象: 平板状熱流センサ

✓ 形状: 平板状

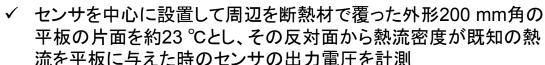
(一辺が20 mm以上50 mm以内)

✓ 熱流密度範囲: 0 W/m² < *q* ≦ 100 W/m²

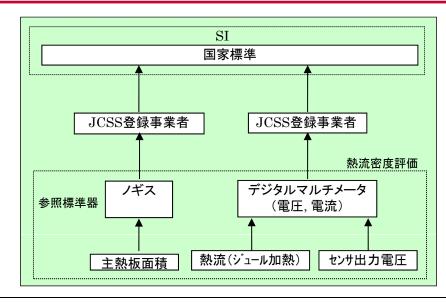
✓ 測定条件: 室温

✓ 測定方法:定常熱流法

✓ 不確かさ: 2.0%以上

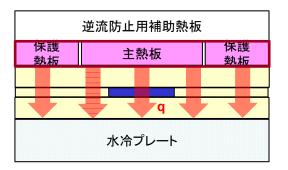


2015年から供給開始(供給中)



評価用装置:

保護熱板(Guarded Hot Plate)法 参考: JIS A 1412-1, ISO 8302



フーリエの法則

断熱真空下において、

平板状試験体(厚さd面積A)に、

熱流Q(=熱流密度q×面積A)を与え、

温度差($\Delta T=T_1-T_2$)が生じた定常状態で、

熱抵抗:
$$R = \frac{T_2 - T_1}{\phi} A$$
, 熱伝導率: $\lambda = \frac{d}{R}$

φ:主熱板に供給される平均電力[W]

A:主熱板の面積[m²]

d:試験体の厚さ[m]

認証標準物質 NMIJ CRM-5804b (ロット更新)

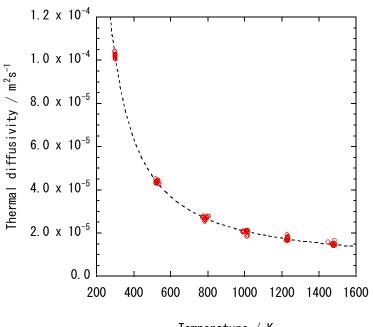


認証標準物質 NMIJ CRM 5804 熱拡散率測定用セラミックス(等方性黒鉛)

- ◆ 2014年春に第一ロット(5804a)が完売
- ◆ 2014年度から第二ロットの製造を開始
 - ⇒ 2015年12月から再販開始(第二ロットのCRM5804b)



- CRM 5804bの概要
 - 材質: 等方性黒鉛
 - 4枚1組のセット: 直径10 mm×1.4, 2.0, 2.8, 4.0 mm
 - 適用温度範囲 300 K ≦ T ≦ 1500 K
 - 熱拡散率
 1.02 × 10⁻⁴ m²/s ≥ α ≥ 1.44 × 10⁻⁵ m²/s
 - 相対拡張不確かさ 4.3 % ≦ U ≦ 9.1 %





まとめ

依頼試験 (thermal diffusivity)

熱拡散率試験片の値付け

- ✓ 対象: 黒色試験片
 - ※ 2012年までは等方性黒鉛のみ
 - ※ 2013年に汎用的に拡大 (黒化処理をした材料を含む)
- ✓ 形状: φ5 mm または φ10 mm円板

厚さ: 1.0 mm - 4.0 mm

✓ 熱拡散率の範囲:

1.0×10-6 m²/s以上 5.0×10-4 m²/s以下

- ✓ 温度範囲: 300 K 1500 K✓ 測定方法: レーザフラッシュ法
- ✓ 不確かさ: 3.1%以上

熱流密度標準(Heat Flux)

熱流センサの校正

✓ 対象: 平板状熱流センサ

(1辺が20 mm以上、50 mm以下)

- ✓ 範囲: 0 W/m² < 熱流密度 ≤ 100 W/m²
- ✓ 不確かさ: 2.0 %以上
- ✓ 校正方法: 定常熱流法(GHP法)
- ✓ 条件:室温
- ✓ 2015年秋から供給開始

(認証)標準物質

new

NMIJ CRM 5804b (thermal diffusivity)

- ✓ 材質:等方性黒鉛
- 形状: φ10 mm × 1.4, 2.0, 2.8, 4.0 mm
- ✓ 温度範囲:300 K 1500 K
- ✓ 特性値:熱拡散率
- ✓ 不確かさ: 4.3 % 9.1 %
- ✓ 2015年12月から頒布再開



NMIJ CRM 5807a (thermal diffusivity)

- ✓ 材質 Al₂O₃-TiC系セラミックス
- ✓ 形状:φ10 mm × 1.0, 2.0, 3.0 mm
- ✓ 温度範囲: 300 K 1000 K
- ✓ 特性値: 熱拡散導率
- ✓ 不確かさ: 5.1% 8.1%
- ✓ 2015年5月から頒布開始



NMIJ RM 1401a (thermal conductivity)

- ✓ 材質:等方性黒鉛
- ✓ 形状: φ10 mm × 1.0, 2.0 mm
- ✓ 温度範囲:300 K 900 K
- ✓ 特性值: 熱伝導率
 - (熱拡散率・比熱容量・密度)
- ✓ 不確かさ: 7.2 % 9.8 %





熱拡散率測定 ラウンドロビンテスト:

- レーザフラッシュ法のラウンドロビンテスト
 - JIS R1611改訂版の附属書を元にした精密測定
 - インヒレントな熱拡散率を求める測定方法
 - 不確かさ評価
 - 試料:黒鉛(比較的熱拡散率が大きい材料)
 - 測定条件: 室温(全ての試験片)
 600 K, 800 K, 1000 K, 1200 K(1個以上)
 - スケジュール: 2015年 5月以降 試料配布・測定開始2015年 11月~ 測定結果返信(結果の回収待ち)

参加機関: 10機関程度(AIST含む)

測定結果の返信をお待ちしています。引き続きよろしくお願いいたします。 最終的には学会発表等をさせて頂きたい考えです。

薄膜熱拡散率

- ✓ 熱拡散率標準物質
- ✓ 薄膜の熱伝導率の解析技術

産業技術総合研究所 物質計測標準研究 部門 熱物性標準研究グループ 八木 貴志

薄膜材料の熱物性の需要

薄膜は、広くエレクトロニクス関連に用いられる基本素材







LSI

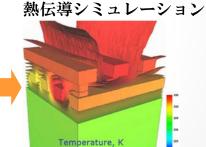
Power device

Lighting

Flat panel display

熱物性値

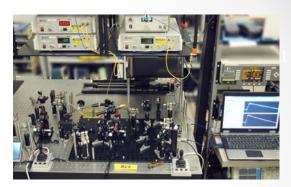
- 熱伝導率 (熱エネルギーの流れ方)
- 熱拡散率(温度の伝わり方)
- 比熱容量(温度の上がり方)

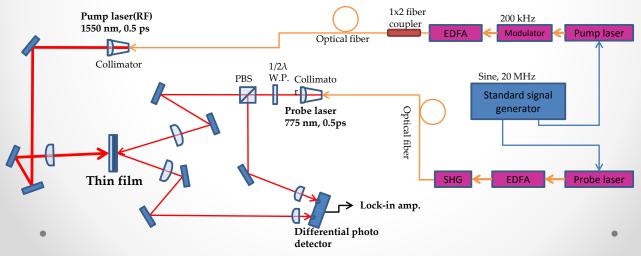


現代のエレクトロニクス開発、製品の熱伝導シミュレーションは必須であり、すなわち熱物性値は必ず必要。

ピコ秒パルスを用いた装置

- 産総研のパルス光加熱TR法装置(標準器)
- 0.5 ps of pulse duration
- RFとFF方式の切り替えが可能





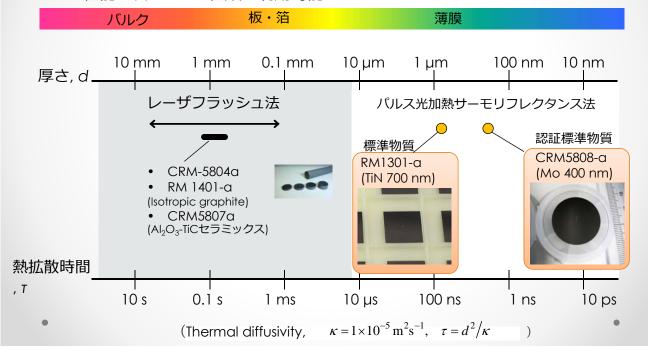
頒布中の薄膜標準物質

- TiN薄膜(700 nm)とMo薄膜(400 nm)の2種類。
- 両者は熱拡散率が約1桁異なります。ユーザの装置性能に合わせて最適な方を選択可してください。
- TiN薄膜は熱拡散時間、Mo薄膜は熱拡散率が値付けされている。 (*TiN薄膜はユーザ自身が膜厚を測定すれば熱拡散率を導出可能です。参考膜厚値も付属しています)

名称	薄膜	膜厚	熱拡散時間	熱拡散率	外形/基板
RM1301-a (2009FY~)	窒化チタン (TiN)	700 nm	139.7 ns ± 6.9 ns $(k = 2)$	0.3×10 ⁻⁵ m ² s ⁻¹	10 mm×10 mm 石英ガラス
CRM5808-a (2014FY~)	モリブデン (Mo)	400 nm	5.4 ns	$3.28 \times 10^{-5} \text{ m}^2\text{s}^{-1}$ \pm $0.20 \times 10^{-5} \text{ m}^2\text{s}^{-1}$	38.1 mm径 石英ガラス

熱物性標準物質 (薄膜)

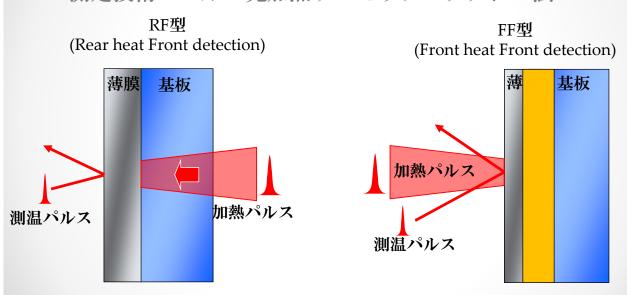
- ・パルス光加熱サーモリフレクタンス法装置の校正・検証用途
- ・性能に合わせた2種類が利用可能



薄膜の熱拡散率・熱伝導率の

解析方法

• 測定技術:パルス光加熱サーモリフレクタンス法



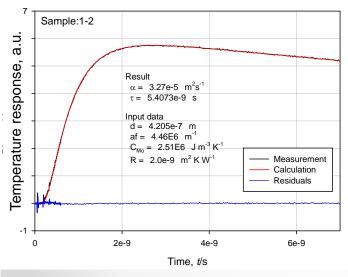
薄膜だけでなく基板の熱物性値を考慮した解析方法を適用。その中には、装置の設定条件(パルス幅、パルスの繰返し周波数等)を含むため、近年、解析の定量性が飛躍的に向上した。

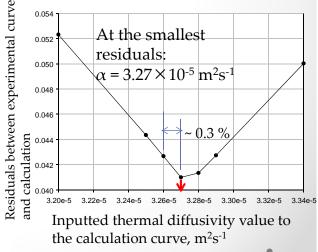
•

RF方式の解析例:

解析感度 (熱拡散率)

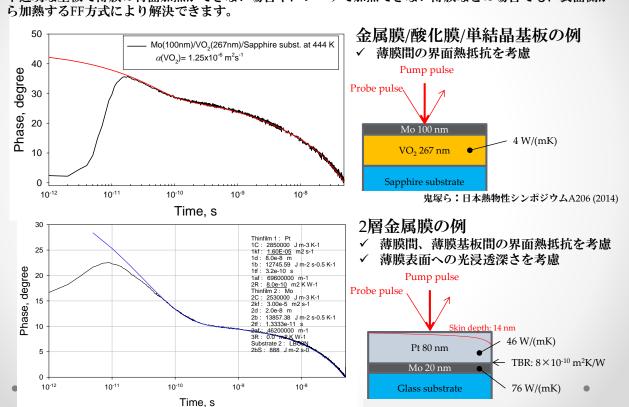
- CRM5808-a (Mo400 nm) の評価例
- 熱拡散率0.3%の違いを検出可能





FF方式の解析例

不透明な基板で薄膜の背面加熱ができない場合や、レーザで加熱できない薄膜などの場合でも、表面側か





固体熱物性標準整備の現状と開発計画 一比熱容量一

(国)産業技術総合研究所 物質計測標準研究部門 熱物性標準研究グループ 阿部陽香



比熱容量標準の整備状況ー依頼試験ー

	測定法	測定装置	相対拡張不確かさ (k=2) (%)
低温 (50~350 K)	断熱法	パルスチューブ冷凍機式断熱型熱量計	0.6 ~ 8.2 %
中温 (300~900 K)	示差走査熱量法	入力補償型示差走査熱量計	1.8 ~2.1 %
高温 (900~1600 K)	示差走査熱量法	熱流東型示差走査熱量計	3.9 ~7.2%



比熱容量標準の整備状況ー標準物質ー

	標準物質	相対拡張不確かさ (k =2)(%)	有効期間
低温 (50~ 350K)	比熱容量測定用単結晶シリコン NMIJ CRM 5806-a 形状: 直径5 mm×厚さ1.0 mm	1.1 ~ 4.1 %	2021年3月 31日
中温 (300~ 900K)	熱伝導率標準物質 等方性黒鉛 NMIJ RM1401-a 形状:直径10 mm×厚さ1.0, 2.0 mm (参考値として比熱容量値 が付与されている)	3.1 ~4.3 %	2020年3月 31日



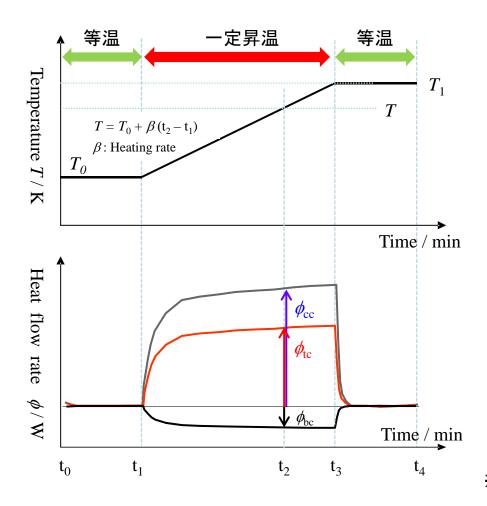
本日の報告

1. 熱拡散率測定用セラミックス NMIJ CRM5807-a (Al₂O₃-TiC系) の比熱容量評価

2. 今後の標準整備計画について



DSCによる比熱容量の算出(JIS R 1672)



$$c_{t}(T) = \frac{\phi_{tc} - \phi_{bc}}{\phi_{cc} - \phi_{bc}} \times \frac{m_{c}}{m_{t}} \times c_{c}(T)$$

 $c_{\mathsf{t}}(T)$: 温度 T での対象試料の比熱容量(J K^{-1} g^{-1})

 $c_{\rm c}(T)$: 温度 T での基準物質の比熱容量(J ${
m K}^{ ext{-}1}$ ${
m g}^{ ext{-}1}$)

 $\phi_{ ext{tc}}$ - $\phi_{ ext{bc}}$: 空容器測定を基準とした対象試料測定の

DSC曲線の信号変位 (mW)

 ϕ_{cc} - ϕ_{bc} : 空容器測定を基準とした基準物質測定の

DSC曲線の信号変位 (mW)

m_t:対象試料の質量 (g)

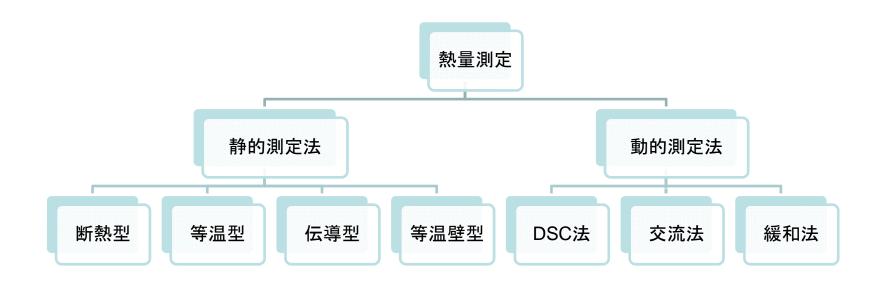
m_c: 基準物質の質量 (g)

※ JIS R 1672:2006 長繊維強化セラミックス複合材料の 示差走査熱量法による比熱容量測定方法



今後の標準整備計画

350 K以上の温度領域における比熱容量標準の高度化



2015年度は 比熱容量測定法の調査・検討と標準器開発案に着手

熱物性データベース活動報告

http://tpds.db.aist.go.jp/tpds-web/

山下雄一郎

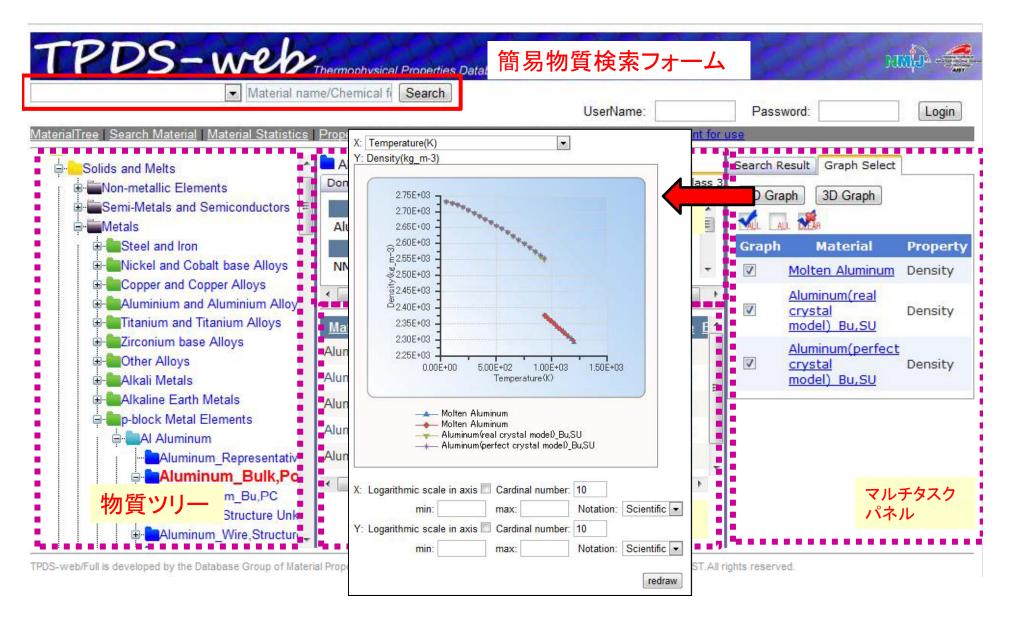
(国)産業技術総合研究所 物質計測標準研究部門 熱物性標準研究グループ

分散型熱物性DBの位置づけ

物質・材料情報のハブ 物質・材料の開発 物質・材料の利用 金属・合金 エネルギー セラミックス エレクトロニクス ガラス プロセス制御 半導体 環境・建築・生活 高分子 食品・医療・バイオ



Web版閲覧システム(TPDS-web)



http://tpds.db.aist.go.jp/tpds-web/

熱物性数式ライブラリ

整備対象:熱物性研究に登場する数式

物性の振る舞いを記述するモデル式(含む経験式、近似式) e.g. Haas-Fisher式等

$$H(T) = a_1(T - t_0) + a_2(T^2 - t_0^2) + a_3(T^3 - t_0^3) + a_4(T^{-1} - t_0^{-1}) + a_5(T^{0.5} - t_0^{0.5})$$

測定データの解析式

e.g. 多層膜熱拡散時間

$$A = \frac{(c_{m}d_{m} + \frac{4}{3}c_{f}d_{f})\frac{d_{m}^{2}}{\alpha_{m}} + (\frac{c_{m}^{2}d_{m}^{2}}{c_{f}d_{f}} + c_{m}d_{m} + \frac{1}{6}c_{f}d_{f})\frac{d_{f}^{2}}{\alpha_{f}}}{2c_{m}d_{m} + c_{f}d_{f}} + \frac{2R_{b}c_{m}d_{m}(c_{f}d_{f} + c_{m}d_{m})}{2c_{m}d_{m} + c_{f}d_{f}}$$

理論に基づく物性相関や定義

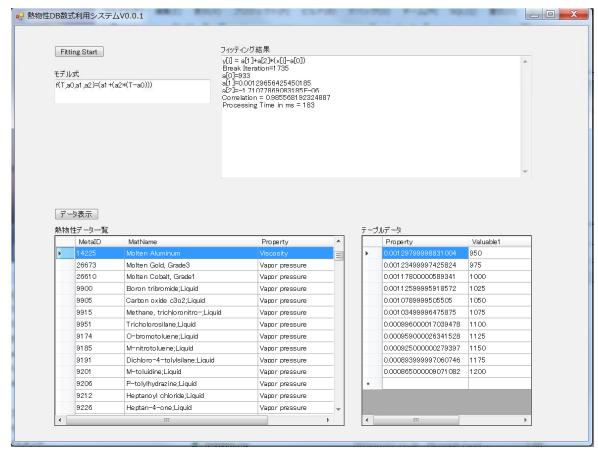
e.g. ビーデマンフランツ則、熱拡散率定義、デバイ比熱

$$\lambda = L\sigma T \qquad \alpha = \frac{\lambda}{\rho C} \qquad \frac{C_{v}}{Nk} = 9\left(\frac{T}{T_{D}}\right)^{3} \int_{0}^{\frac{T_{D}}{T}} \frac{x^{4}e^{x}}{\left(e^{x}-1\right)^{2}} dx$$



数式ライブラリを活用した式データ開発

開発アプリ



<仕様>

言語: C#

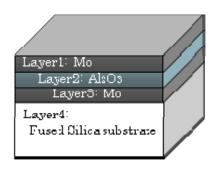
Framework:.Net Framework

4.5.1

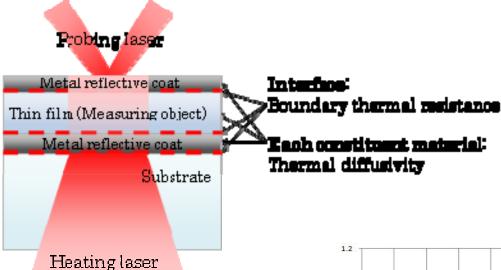
ライセンス:未定

- 数式ライブラリの式(雛形)を指定し、分散型熱物性データベース中の点列データ に当てはめ、係数を求めるシステム
- OpenMath、CSVファイルの外部入力にも対応

サーモリフレクタンス法3層解析



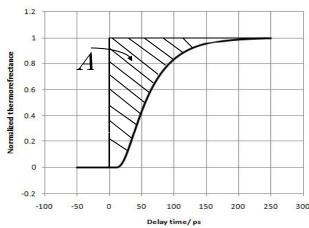
測定試料



裏面加熱表面測温型サーモリフレクタンス法

中間層の膜厚を変えたサンプルを複数測定し、解析式でフィッティング

→中間層熱拡散率、反射膜と中間層間の界面熱抵抗

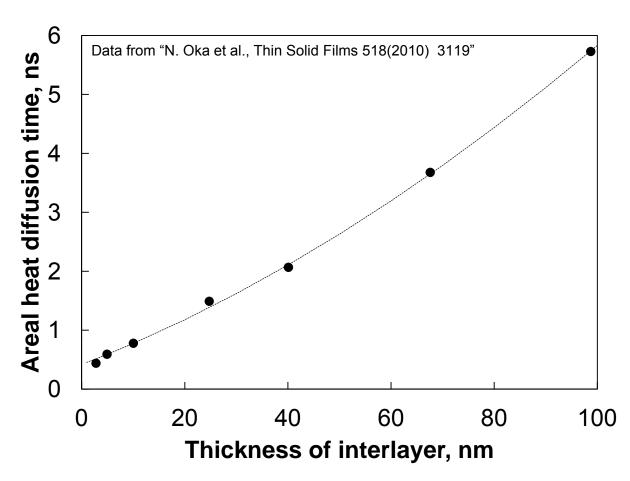


温度履歴曲線と面積熱拡散時間

Mo/Al2O3/Mo三層膜解析

3層膜面積熱拡散時間(界面熱抵抗込)の解析式[1]

$$A = \frac{(c_{m}d_{m} + \frac{4}{3}c_{f}d_{f})\frac{d_{m}^{2}}{\alpha_{m}} + (\frac{c_{m}^{2}d_{m}^{2}}{c_{f}d_{f}} + c_{m}d_{m} + \frac{1}{6}c_{f}d_{f})\frac{d_{f}^{2}}{\alpha_{f}}}{2c_{m}d_{m} + c_{f}d_{f}} + \frac{2R_{b}c_{m}d_{m}(c_{f}d_{f} + c_{m}d_{m})}{2c_{m}d_{m} + c_{f}d_{f}}$$



固定值:

$$C_m$$
=2530000
 d_m =7E-08
 α_m =2.1E-05
 C_f =3080000

フィッティングパラメータ:

$$\alpha_f = 9.5 \text{E} - 07$$

 $R_b = 1.5 \text{E} - 09$

解析時間:0.1秒

1)T. baba, Jpn. J. Appl. Phys. 48 05EB04 2)N. Oka et al., Thin Solid Films 518(2010) 3119